

VŠB – Technická univerzita Ostrava
Fakulta elektrotechniky a informatiky

PRAVDĚPODOBNOST A STATISTIKA

Zadání 3

JMÉNO STUDENTKY/STUDENTA:

OSOBNÍ ČÍSLO:

JMÉNO CVIČÍCÍ/CVIČÍCÍHO:

	DATUM ODEVZDÁNÍ	HODNOCENÍ
DOMÁCÍ ÚKOL 1:		
DOMÁCÍ ÚKOL 2:		
DOMÁCÍ ÚKOL 3:		
DOMÁCÍ ÚKOL 4:		
CELKEM:	-----	

Ostrava, AR 2016/2017

Jméno:

Popis datového souboru

Pro srovnání kvality LED žárovek byl změřen světelný tok 100 LED žárovek s příkonem 15 W od pěti výrobců (V1,V2,V3,V4,V5). Všechny testované 15 W LED žárovky měly výrobcem garantovaný světelný tok 1 400 lumenů. Světelný tok byl změřen nejprve ihned po zakoupení žárovky a následně po 10 000 h provozu.

V souboru [zarovky_3.xlsx](#) jsou pro každou LED žárovku uvedeny následující údaje: výrobce (V1,V2,V3,V4,V5), světelný tok LED žárovky změřený po zakoupení a po 10 000 h provozu.

Poznámka

Všude dále v tomto textu se žárovkou myslí 15 W LED žárovka. Světelný tok (někdy chybně uváděn jako svítivost) žárovky je udáván v lumenech (lm). Jedná se o údaj, který bývá uveden na obalech žárovek.

Pro pochopení dané problematiky je možno použít např. odkaz:

<http://v-tac.cz/content/8-svitivost-svetelny-tok>

Obecné pokyny:

- Úkoly zpracujte dle obecně známých typografických pravidel.
- Všechny tabulky i obrázky musí být opatřeny titulkem.
- Do úkolů nekládejte tabulky a obrázky, na něž se v doprovodném textu nebudete odkazovat.
- Bude-li to potřeba, citujte zdroje dle mezinárodně platné citační normy ČSN ISO 690.

Jméno:

Úkol 1

- a) Pomocí nástrojů explorační analýzy analyzujte světelné toky LED žárovek od výrobce V1 po zakoupení žárovky a po 10 000 h provozu. Data vhodně graficky prezentujte (krabicový graf, histogram, q-q graf) a doplňte následující tabulky a text.

Světelný tok žárovky, výrobce V1			Po odstranění odlehlých pozorování	
	po zakoupení	po 10 000 h	po zakoupení	po 10 000 h
rozsah souboru				
Míry polohy				
minimum				
dolní kvartil				
medián				
průměr				
horní kvartil				
maximum				
Míry variability				
směrodatná odchylka				
variační koeficient (%)				
Míry šikmosti a špičatosti				
šikmost				
špičatost				

Identifikace odlehlých pozorování – vnitřní hranice		
dolní mez		
horní mez		

Jméno:

Grafická prezentace (krabicový graf, histogram, q-q graf):

Jméno:

Analýza světelného toku LED žárovek výrobce V1 změřená po zakoupení žárovky

Během testu byl změřen světelný tok kusů žárovek výrobce V1. Změřený světelný tok po zakoupení LED žárovky se pohyboval v rozmezí až lm. Hodnoty světelného toku ležící mimo interval až lm (vnitřní hranice) byly identifikovány jako odlehlá pozorování a nebudou zahrnuty do dalšího zpracování. Možné příčiny vzniku odlehlých pozorování jsou: / Žádné z měření nebylo identifikováno jako odlehlé pozorování. Dále uvedené výsledky tedy pocházejí z analýzy světelných toků kusů žárovek. Jejich průměrný světelný tok byl lm, směrodatná odchylka pak lm. U poloviny testovaných žárovek světelný tok nepřekročil lm. V polovině měření se světelný tok pohyboval v rozmezí až lm. Vzhledem k hodnotě variačního koeficientu (.....%) lze / nelze analyzovaný soubor považovat za homogenní.

Analýza světelného toku LED žárovek výrobce V1 změřená po 10 000 h provozu

Během testu byl změřen světelný tok kusů žárovek výrobce V1. Změřený světelný tok po 10 000 h provozu LED žárovky se pohyboval v rozmezí až lm. Hodnoty světelného toku ležící mimo interval až lm (vnitřní hranice) byly identifikovány jako odlehlá pozorování a nebudou zahrnuty do dalšího zpracování. Možné příčiny vzniku odlehlých pozorování jsou: / Žádné z měření nebylo identifikováno jako odlehlé pozorování. Dále uvedené výsledky tedy pocházejí z analýzy světelných toků kusů žárovek. Jejich průměrný světelný tok byl lm, směrodatná odchylka pak lm. U poloviny testovaných žárovek světelný tok nepřekročil lm. V polovině měření se světelný tok pohyboval v rozmezí až lm. Vzhledem k hodnotě variačního koeficientu (.....%) lze / nelze analyzovaný soubor považovat za homogenní.

Ověření normality světelného toku LED žárovek výrobce V1 změřeného zakoupení LED žárovky základě explorační analýzy

Na základě grafického zobrazení (viz) a výběrové šikmosti a špičatosti (výběrová šikmost i špičatost leží / neleží v intervalu $(-2; 2)$) lze / nelze předpokládat, že světelný tok LED žárovek výrobce V1 změřený po zakoupení má normální rozdělení. Dle pravidla 3σ / Čebyševovy nerovnosti lze tedy očekávat, že přibližně 95 % / více než 75 % žárovek bude mít světelný tok po zakoupení v rozmezí až lm.

Ověření normality kapacity akumulátorů výrobce A po 10 000 h provozu na základě explorační analýzy

Na základě grafického zobrazení (viz) a výběrové šikmosti a špičatosti (výběrová šikmost i špičatost leží / neleží v intervalu $(-2; 2)$) lze / nelze předpokládat, že světelný tok žárovky výrobce V1 po 10 000 h provozu má normální rozdělení. Dle pravidla 3σ / Čebyševovy nerovnosti lze tedy očekávat, že přibližně 95 % / více než 75 % žárovek po 10 000 h provozu bude mít světelný tok v rozmezí až lm.

Jméno:

Úkol 2

Porovnejte poklesy světelných toků LED žárovek výrobců V1, V2 po 10 000 h provozu (vzhledem k světelnému toku žárovek po zakoupení). Nezapomeňte, že použité metody mohou vyžadovat splnění určitých předpokladů. Pokud tomu tak bude, okomentujte splnění/nesplnění těchto předpokladů jak na základě explorační analýzy (např. s odkazem na histogram apod.), tak exaktně pomocí metod statistické indukce.

a) Graficky prezentujte srovnání poklesů světelných toků LED žárovek výrobců V1, V2 změřených po 10 000 h provozu (vícenásobný krabicový graf, histogramy, q-q grafy).

b) Určete bodové a 95% intervalové odhady pro střední hodnoty (resp. mediány) poklesů světelných toků žárovek po 10 000 hodin provozu výrobců V1 a V2.

Jméno:

c) Na hladině významnosti 5 % rozhodněte, zda jsou poklesy světelných toků žárovek výrobců V1 a V2 statisticky významné.

d) Určete bodový a 95% intervalový odhad rozdílu středních hodnot (resp. mediánů) poklesů světelných toků žárovek po 10 000 h provozu výrobců V1 a V2.

e) Na hladině významnosti 5% rozhodněte, zda je rozdíl středních hodnot (resp. mediánů) poklesů světelných toků žárovek (po 10 000 h provozu) výrobců V1 a V2 statisticky významný.

Jméno:

Úkol 3

Na hladině významnosti 5 % rozhodněte, zda se hodnoty světelného toku LED žárovek po 10 000 h provozu liší v závislosti na tom, od kterého výrobce pocházejí. Posouzení proveďte nejprve na základě explorační analýzy a následně pomocí vhodného statistického testu včetně ověření potřebných předpokladů. V případě, že se kapacity žárovek jednotlivých výrobců statisticky významně liší, určete, které LED žárovky (od kterého výrobce) se odlišují od ostatních.

a) Daný problém vhodným způsobem graficky prezentujte (vícenásobný krabicový graf, histogramy, q-q grafy).

b) Ověřte normalitu světelných toků po 10 000 h provozu všech pěti výrobců (empiricky i exaktně).

c) Ověřte homoskedasticitu (shodu rozptylů) světelných toků výrobců V1 – V5 po 10 000 h provozu (empiricky i exaktně).

Jméno:

- d) Určete bodové a 95% intervalové odhady středních hodnot (resp. mediánů) světelných toků žárovek po 10 000 h provozu pro všechny srovnávané výrobce. (Nezapomeňte na ověření předpokladů pro použití příslušných intervalových odhadů.)
- e) Čistým testem významnosti ověřte, zda je pozorovaný rozdíl středních hodnot (resp. mediánů) světelných toků žárovek statisticky významný na hladině významnosti 5%. Pokud ano, určete pořadí výrobců podle naměřených hodnot světelných toků testovaných žárovek. (Nezapomeňte na ověření předpokladů pro použití zvoleného testu.)

Jméno:

Úkol 4

U každé z žárovek zjistěte, zda světelný tok po 10 000 h provozu poklesl o více než 10 % z původní kapacity (po zakoupení). (Definujte si novou dichotomickou proměnnou (pokles o více než 10 %), která bude nabývat hodnot {ANO, NE}.)

a) Analyzujte skladbu žárovek dle toho, zda vykazují nebo nevykazují pokles světelného toku o více než 10 % (pro výrobce V1, V2, V3, V4, V5). Výsledky prezentujte pomocí kontingenční tabulky, vhodného grafu a vhodné míry kontingence.

b) Určete bodový i 95% intervalový odhad rizika (pravděpodobnosti) poklesu hodnoty světelného toku žárovek o více než 10 % pro výrobce V3.

c) Určete bodový i 95% intervalový odhad relativního rizika poklesu hodnoty světelného toku o více než 10 % pro žárovky od „nejhoršího“ výrobce (vzhledem k žáróvkám od „nejlepšího“ výrobce). Výsledky slovně interpretujte.

Jméno:

d) Určete bodový i 95% intervalový odhad poměru šancí poklesu hodnoty světelného toku o více než 10 % pro žárovky od „nejhoršího“ výrobce (vzhledem k žárovkám od „nejlepšího“ výrobce). Výsledky slovně interpretujte.

e) Pomocí chí-kvadrát testu nezávislosti rozhodněte, jestli pravděpodobnost poklesu světelného toku o více než 10 % závisí statisticky významně na tom, od kterého výrobce žárovka pochází.

Jméno:

Jak identifikovat, zda jsou v datech odlehlá pozorování?

Empirické posouzení:

- použití vnitřních (vnějších) hradeb, resp. z – souřadnice, resp. mediánová suřadnice,
- vizuální posouzení krabicového grafu.

Exaktní posouzení:

- Grubbsův test (parametrický test - vyžaduje normalitu dat)
- Deanův - Dixonův test (neparametrický test)

Jak naložit s odlehlými hodnotami by měl definovat hlavně zadavatel analýzy (expert na danou problematiku).

Jak ověřit normalitu dat?

Empirické posouzení:

- vizuální posouzení histogramu,
- vizuální posouzení grafu odhadu hustoty pravděpodobnosti,
- Q-Q graf,
- P-P graf,
- posouzení výběrové šikmosti a výběrové špičatosti.

Exaktní posouzení:

- testy normality (např. Shapirův – Wilkův test, Andersonův-Darlingův test, Lillieforsův test, ...)

Jak ověřit homoskedasticitu (shodu rozptylů)?

Empirické posouzení:

- poměr největší a nejmenší směrodatné odchylky,
- vizuální posouzení krabicového grafu.

Exaktní posouzení:

- F – test (parametrický dvouvýběrový test),
- Bartlettův test (parametrický vícevýběrový test),
- Leveneův test (neparametrický test).